第39卷 第2期 2019年5月 Vol.39 No.2 May, 2019

王俊,刘畅.一次拖曳型飑线过程雨滴谱演变特征研究[J].海洋气象学报,2019,39(2):43-57. WANG Jun, LIU Chang. Study on evolution characteristics of raindrop size distribution during a trailing stratiform squall line[J]. Journal of Marine Meteorology,2019,39(2):43-57. DOI:10.19513/j.cnki.issn2096-3599.2019.02.005.(in Chinese)

# 一次拖曳型飑线过程雨滴谱演变特征研究

王俊<sup>1</sup>,刘畅<sup>2</sup>

(1.山东省人民政府人工影响天气办公室,山东济南 250031;2.山东省气象台,山东济南 250031)

**摘要**:利用 Thies 激光雨滴谱仪观测资料和 CINRAD/SA 多普勒雷达观测资料,分析了 2017 年7月 18日一次典型中纬度拖曳型飑线过程不同发展阶段雨滴谱和积分参数的演变特征,主要结果为: 1)成熟飑线回波包括对流带、过渡区和拖曳层状云区三部分,对流带前侧不断有对流带生成并合 并到主对流带中,使得对流带的前沿具有强的反射率因子,并且有多个雨强大值中心。2)垂直穿 过飑线对流带,雨强增加阶段有较少的小粒子(直径小于1 mm)和特大粒子(直径大于5 mm),以 及较低的雨滴浓度和反射率因子,而雨强减弱阶段有较多的小粒子和特大粒子,以及较高的雨滴 浓度和反射率因子;飑线加强阶段,雨滴谱有较大的峰值直径(0.44 mm)、较多的大(直径大于 3 mm)和特大粒子,而飑线减弱阶段,雨滴谱有较大的峰值直径(0.19 mm)、较少的大粒子。3)对 流带、过渡区和层状云降水雨滴谱的 Gamma 谱三参数  $N_0$ 、 $\mu$ 、 $\lambda$  随雨强增大有明显的分层特征,相 同雨强时,对流云和过渡区降水的三参数比层状云降水的数值大;而飑线不同发展阶段、不同降水 类型的  $\lambda - \mu$  关系具有一致性,二次多项式可以很好地拟合  $\lambda - \mu$  关系。4)归一化雨滴谱参数  $N_w$ 和  $D_0$ 的分布可以用来区分对流云和层状云降水,并给出了新的分离线方程;另外,飑线在发展和减弱 阶段的雨滴谱特征有明显差异,表明飑线演变过程降水形成的微物理机制发生变化,前期冷云过 程有重要影响,而后期暖云过程起主导作用。

关键词: 飑线; 雨滴谱; 微物理机制

中图分类号: P458.2 文献标志码: A 文章编号: 2096-3599(2019)02-0043-15 DOI:10.19513/j.cnki.issn2096-3599.2019.02.005

# Study on evolution characteristics of raindrop size distribution during a trailing stratiform squall line

WANG Jun<sup>1</sup>, LIU Chang<sup>2</sup>

(1. Weather Modification Office of Shandong Province, Jinan 250031, China; 2. Shandong Meteorological Observatory, Jinan 250031, China)

**Abstract** Based on observations of Thies optical disdrometer and CINRAD/SA Doppler weather radar data, the evolution characteristics of the raindrop size distribution and integral parameters at different phases during a typical mid-latitude trailing stratiform squall line on 18 July 2017 are analyzed. The main results are listed as below. 1) The echoes of mature squall line include convective zone, transition zone, and trailing stratiform cloud zone. New convective zones are continuously generated in front of the convective zone and are integrated into the main convective zone, where strong reflectivity factors appear and multiple centers of great rainfall intensity are formed. 2) Crossing the convective zone, the

收稿日期:2019-02-02;修订日期:2019-04-10

基金项目:国家自然科学基金项目(41275044);山东省气象局科研项目(2012sdqx12)

作者简介:王俊,男,研究员级高级工程师,主要从事云降水物理研究,wangjun818@ sohu.com。

increase/decrease phase of rainfall intensity witnesses fewer/more small particles (Diameter<1 mm) and extra large particles (Diameter > 5 mm) as well as lower/higher raindrop concentration and reflectivity factor. During the intensification/weakening phase of the squall line, the raindrop size distribution has relatively large/small peak diameter (0.44 mm)/(0.19 mm) and there are more/fewer large (Diameter >3 mm) and extra large particles. 3) The three parameters of Gamma distribution in the raindrop size distribution of convective zone, transition zone, and stratiform cloud— $N_0$ ,  $\mu$ , and  $\lambda$ , have obvious stratified characteristics as rainfall intensity increase. Under the same rainfall intensity, the three parameters of convective cloud and transition zone are larger than those of stratiform cloud; the  $\lambda - \mu$ relationship has consistency for different phases of the squall line and different types of precipitation, and a quadratic polynomial can better fit the  $\lambda - \mu$  relationship. 4) The distribution of normalized  $N_{\rm w}$  and  $D_0$ can be utilized to distinguish convective and stratiform cloud precipitation and a new equation of separation line is provided; furthermore, the characteristics of the raindrop size distribution are obviously different in the development and weakening phase of the squall line, which indicates the microphysical mechanism of precipitation has changed during the process. Cold cloud processes have significant influence in the earlier phase, while warm cloud processes play a dominant role in the later phase. **Key words** squall line; raindrop size distribution; microphysical mechanism

# 引言

根据 SMULL and HOUZE<sup>[1]</sup>的定义,拖曳型飑线 的典型雷达回波特征包括三部分:前导对流带、尾 随层状区和反射率槽区。对流带(区域)被定义为 深对流的前线,表现出有组织的多细胞结构。层状 区是一个广泛的回波区域,主要特征是存在融化层 亮带。反射率槽被定义为弱反射率的窄带,它分离 了对流带和拖曳的层状区域。BIGGERSTAFF and HOUZE<sup>[2]</sup>提出的飑线概念模型是基于详细的双多 普勒雷达分析,指出,层状云区域有一个"次最大降 水区",其特征是对流层上部的中尺度上升气流和 低空中尺度下沉气流。反射率槽(或过渡区)是前 导对流带和拖曳层状云区之间的最小雷达反射率 区域,它与中至上层观测到的深厚沉降有关,另外, ATLAS et al.<sup>[3]</sup>还利用中值体积直径 *D*<sub>0</sub>的变化来确 定过渡区。

由于对流带、过渡区和尾随层状云具有明显不同的微物理降水形成机制,所以拖曳型飑线成为研究不同降水机制雨滴谱特征,以及研究层状云和对流云降水分类标准的最佳对象<sup>[4-8]</sup>。垂直穿过飑线对流带,雨强增大过程雨滴谱特征大多是多峰模态、低雨滴浓度和高反射率因子,而在雨强减弱过程逐渐转为单峰、较高的雨滴浓度和较低反射率因子<sup>[6,9]</sup>。王俊等<sup>[10]</sup>利用多台雨滴谱仪观测资料进行研究,揭示了雨滴谱在飑线对流带纵向的不同特征,最大雨强可以出现在对流云降水的开始,也可

以出现在对流云降水的结束阶段,不同的降水演变 对应明显不同的雨滴谱分布特征。除此之外,在飑 线的不同发展阶段,雨滴谱特征也存在明显的差异 性。WEN et al.<sup>[11]</sup>利用C波段偏振多普勒雷达反演 的雨滴谱参数分析表明,当飑线从形成阶段发展到 成熟阶段时,其对流区的雨滴谱特征由大陆性对流 演变为更似海洋性的对流,与以前的研究不同,对 流带的雨滴谱特征可能不是简单地由地理位置决 定,而是在其整个生命周期中广泛地变化。

WALDVOGEL<sup>[12]</sup>分析雨滴谱指数分布的截距 参数 N。时发现,当降水类型从均匀变为对流时,同 一雨强的参数 N。存在跳跃现象。利用三参数的 Gamma 谱分布<sup>[13]</sup> 拟合雨滴谱时, TOKAY and SHORT<sup>[4]</sup>发现热带海洋降水的雨滴谱参数  $N_0$ 、 $\lambda$ (斜率参数)有明显的分层现象,即在相同雨强时, 层状云的雨滴谱参数  $N_0$ 、 $\lambda$  比对流云的数值要小, 两者之间明显分离。随后许多研究表明 $N_0$ 、 $\lambda$ 随着 雨强的变化,分层特征并不确定,有时出现分层现 象,有时没有分层现象。MAKI et al.<sup>[5]</sup>分析澳大利 亚达尔文地区大陆性拖曳型飑线的雨滴谱特征,对 流和层状区域的 No-R 有明显的分层特征,经过调 整的 N<sub>0</sub>-R 关系可以区分对流中心和层状区域的雨 滴谱。THURAI et al.<sup>[7]</sup>利用达尔文的双偏振雷达反 演资料显示,TOKAY and SHORT<sup>[4]</sup>给出的分离线很 好地分离了层状云和对流云降水,相同雨强时对流 云降水的 N<sub>0</sub>比层状云降水大。CARACCIOLO et al.<sup>[14]</sup>则发现中纬度大陆性降水的 $N_0$ 、 $\lambda$ 随着雨强 的增大而减小,变化过程是连续的,没有出现分层 现象。YOU et al.<sup>[15]</sup>利用韩国釜山和昌源的 Parsivel 雨滴谱仪观测资料显示 Ν。和 λ 随雨强变化在不同 的观测地点有差别,釜山有较明显的分层特征,而 昌源分层特征不明显。ZHANG et al.<sup>[8]</sup>分析中国中 东部大陆型飑线,层状云降水与对流云降水之间也 存在分层特征,但TOKAY and SHORT<sup>[4]</sup>给出的分离 线只能区分飑线对流中心和层状区域的雨滴谱。

由于归一化 Gamma 谱分布消除了  $N_0$ 与 $\mu$ 之间 的依赖,使得不同含水量的雨滴谱可以很容易进行 对比<sup>[16]</sup>。LEE et al.<sup>[17]</sup>认为归一化 Gamma 雨滴谱 方法可以提供更多区分对流云和层状云降水类型 的证据。BRINGI et al.<sup>[18]</sup>利用赤道附近,以及海洋 到陆地的不同气候区归一化 Gamma 谱的数浓度和 中值体积直径( $N_w$ 和 $D_0$ )的分布特征,发现海洋性 和大陆性,以及对流云和层状云降水之间存在差 别。BRINGI et al.<sup>[19]</sup>和 THURAI et al.<sup>[7]</sup>利用达尔 文地区双频廓线仪反演的归一化 Gamma 谱参数  $N_{\rm w}$ 、 $D_0$ ,给出了  $\log_{10}N_{\rm w}$ 与  $D_0$ 之间的分离线:

$$\log_{10} N_{\rm W} = C_1 D_0 + C_2 \tag{1}$$

式中, C1在-1.6~-1.7之间, C2在 6.3~6.4之间;  $D_0$ ,单位:mm; $N_w$ ,单位:m<sup>-3</sup>·mm<sup>-1</sup>。

层状云降水数据点位于分离线以下,而对流云 则在分离线之上,过渡区数据看起来跨坐分离线 上。YOU et al.<sup>[15]</sup>利用韩国 Parsivel 雨滴谱仪观测 分析表明,分离线(1)不能准确分类两个观测点的 层状-对流云降水,但新的分离线也具有公式(1)的 形式,只是 $C_1$ 要小一些。公式(1)也可以区分中国 中东部大陆型飑线的层状-对流云降水<sup>[8]</sup>,以及中 国北部夏季的对流云和层状云降水<sup>[20]</sup>, 但系数  $C_1$ 明显要小一些,接近-1.0。

山东中西部是飑线等中尺度对流系统的多发 区<sup>[21-22]</sup>,许多研究者利用雷达、卫星、数值模拟和常 规观测资料开展了研究<sup>[23-32]</sup>,近几年,利用雨滴谱 仪观测资料分析飑线微物理特征的研究开始增 多<sup>[10]</sup>。2017年7月18日, 一次拖曳型飑线过程影 响山东省中西部,发展加强阶段经过安装在东阿的 激光雨滴谱仪(DE),而减弱阶段经过山东省气象局 雨滴谱仪观测点(简称省局,SJ),本文利用雨滴谱 仪观测资料,结合新一代多普勒雷达资料,分析了 飑线不同发展阶段的雨滴谱演变特征,这有助于加 深理解降水系统微物理过程的发展演变规律,促进 雨滴谱资料在人工影响天气、数值天气预报、云演 变模式和雷达估计降水中的应用。

## 1 资料与方法

Thies 激光雨滴谱仪 2011 年 11 月安装在省局 和东阿,该设备主要特点参见有关文献<sup>[33]</sup>,王俊 等<sup>[10]</sup>分析表明 Thies 激光雨滴谱仪观测资料采用 FRIEDRICH et al.<sup>[34]</sup>给出的方法进行质量控制后, 雨强和累计雨量与自动站符合得很好,本研究也采 用这一方法对观测资料进行质量控制。新一代多 普勒天气雷达(CINRAD/SA)位于齐河 (36°48′10″N, 116°46′51″E)、滨州(37°21′00″N, 117°58′40″E),省局激光雨滴谱仪距离齐河、滨州雷 达站的距离分别为22.3 km、115.2 km,东阿激光雨 滴谱仪距离齐河、滨州雷达站的距离分别为55.2 km、187.4 km(图 2a)。

利用雨滴谱仪观测资料,雨滴尺度谱可以用以 下公式计算得到:

$$N(D_j) = \sum_{i=1}^{20} \frac{n_{ij}}{A \cdot \Delta t \cdot V_i \cdot \Delta D_j}$$
(2)

 $A(单位:m^2)$ 和  $\Delta t(单位:s)$ 分别是 Thies 激光雨滴 谱仪取样面积和取样时间,分别为45.6×10<sup>-4</sup> m<sup>2</sup>和  $60 \text{ s}, n_i$ (单位:个/min)是第*i*个直径通道、第*i*个速 度通道的雨滴浓度, $V_i$ (单位:m·s<sup>-1</sup>)是第*i*个直径 通道、第i个速度通道对应的雨滴落速, $\Delta D_i$ (单位: mm) 是第*i*个直径通道的宽度,  $N(D_i)$ (单位:  $m^{-3} \cdot mm^{-1}$ )是第*j*个直径通道  $D_i \cong D_i + \Delta D_i$ 之间的 雨滴数浓度。

目前,常用三参数的 Gamma 分布<sup>[13]</sup>来拟合雨 滴谱分布,Gamma 分布函数为:

$$N(D) = N_0 D^{\mu} \exp(-\lambda D)$$
 (3)

其中 N(D)(单位:m<sup>-3</sup>·mm<sup>-1</sup>)为单位体积单位尺 度间隔的雨滴数浓度,  $N_0$  是截距参数(单位:  $m^{-3} \cdot mm^{-1-\mu}$ ),  $\mu$  是形状因子(无量纲参数),  $\lambda$  是斜 率参数(单位:mm<sup>-1</sup>)。公式(3)中系数  $N_0$ 包含形状 因子 $\mu$ ,不同雨强时 $\mu$ 不同,所以 $N_0$ 之间没有可比 性,而归一化的 Gamma 谱分布公式<sup>[16,35]</sup>为:

$$N(D) = N_{\rm w} f(\mu) \left(\frac{D}{D_{\rm m}}\right) \exp\left[-\left(4 + \mu\right) \frac{D}{D_{\rm m}}\right] \quad (4)$$

$$= N_{\rm w} = \frac{4^4}{\pi \rho_{\rm w} D_{\rm m}^4} \qquad (5)$$

其中

$$f(\mu) = \frac{6}{4^4} \frac{(4+\mu)^{\mu+4}}{\Gamma(4+\mu)} \tag{6}$$

(5)

$$\frac{\pi}{6} \int_{D_{\min}}^{D_0} D^3 N(D) \, \mathrm{d}D = \frac{1}{2} \frac{\pi}{6} \int_{D_{\min}}^{D_{\max}} D^3 N(D) \, \mathrm{d}D \qquad (7)$$

$$W = \frac{\pi \rho}{6} \int_{D_{\min}}^{D_{\max}} N(D) D^3 dD$$
 (8)

W是雨水含量(单位:g·m<sup>-3</sup>),  $D_{\min}$ 、 $D_{\max}$ 分别是雨 滴的最小和最大直径。 $N_w$ 的单位是m<sup>-3</sup>·mm<sup>-1</sup>, 不 同雨强的 $N_w$ 之间具有可比性,  $\Gamma(x)$ 是 Gamma 函 数。参考有关研究<sup>[7,19]</sup>, 利用中值体积直径 $D_0$ 代替 体积权重平均直径 $D_m$ (volume – weighted mean diameter)。 $N_w$ 的计算公式改为<sup>[36]</sup>:

$$N_{\rm w} = \frac{3.67^4}{\pi \rho_{\rm w}} \left( \frac{10^3 W}{D_0^4} \right) \tag{9}$$

近年来,阶矩法被广泛应用于估计 Gamma 谱分 布参数<sup>[13,14]</sup>,该方法的优点在于云微物理量与各阶 矩量有一定的对应关系,如雨滴浓度 N<sub>T</sub>等于 0 阶 矩,含水量与 3 阶矩成正比,雷达反射率因子与 6 阶 矩成正比等。第 n 阶矩定义为:

$$M_n = \int_0 N(D) D^n \mathrm{d}D \tag{10}$$

N(D)为(3)式所示的 Gamma 分布时, n 阶矩等于:

$$M_{n} = \frac{N_{0}\Gamma(n+\mu+1)}{\lambda^{n+\mu+1}}$$
(11)

一般来说,三参数可以利用任意三个矩计算出,但实际应用中需要根据不同设备性能和雨滴谱特征来确定具体采用几阶矩计算雨滴谱参数。本 文采用3、4、6阶矩计算三参数<sup>[4]</sup>,计算公式为:

$$N_{0} = \frac{\lambda^{\mu+4} M_{3}}{\Gamma(\mu+4)}$$
(12)

$$\lambda = \frac{\mu + 4}{D_m} \tag{13}$$

$$\mu = \frac{11G - 8 + [G(G + 8)]^{0.5}}{2(1 - G)}$$
(14)

其中

$$G = \frac{M_4^3}{M_3^2 M_6}$$
(15)  
$$D = \frac{M_4}{M_4}$$
(16)

$$B_m = M_3$$
  
另外,雨滴总浓度 $N_{\rm T}$ 、雨强 $R$ 、雷达反射率因子

Z可以利用 $N(D_i)$ 分别计算得出。

$$N_{\rm T} = \int_{0}^{\infty} N(D) \,\mathrm{d}D \tag{17}$$

$$R = \int_{0}^{\infty} A\Delta t N(D) D^{3} V dD$$
 (18)

$$Z = \int_{0}^{\infty} N(D) D^{6} \mathrm{d}D \qquad (19)$$

#### 2 环境条件和雷达资料分析

#### 2.1 天气形势

2017年7月16日08:00-20:00(北京时,下 同),在大陆高压 588 dagpm 和海上副热带高压(以 下简称"副高")588 dagpm 趋于合并过程中(图 略),"两高"之间存留下了位势高度低于 588 dagpm 的低值中心,配合以温度小于-4℃的冷中心。18 日 08:00,大陆高压和海上副高继续合并,控制我国 大陆, 副高 592 dagpm 线控制江南地区, 位势高度低 于 588 dagpm 的低值区域位于西北地区东部—华北 南部上空,最低位势高度值出现在延安站,为585 dagpm(图 1a)。山东位于此低值中心与副高 592 dagpm 线之间。从 850 hPa 至 500 hPa, 山东西部处 于低值系统前部切变线的控制(图 1a)。此次飑线 过程即发生在强盛副高边缘切变线的天气背景下。 17日20时,东亚地区海平面气压场表现为鞍型场 特征(图略),大陆高压中心位于贝加尔湖附近,高 压前部冷锋位于我国内蒙古和蒙古国交界处;海上 高压中心位于台湾岛以东洋面,黄淮地区地面为弱 南风控制。自17日20:00至18日08:00,500hPa 低值中心略有东移,与海上副高之间位势梯度加 大,表现为二者之间南风增强,以郑州站和南阳站 探空为代表,17 日 20:00 850 hPa 西南风速为 4 m · s<sup>-1</sup>,到 18 日 08:00 风速已增强为 14 m · s<sup>-1</sup>, 天气系统演变趋势有利于强对流天气发生。以章 丘站为例(图 1b),17 日 20:00 其 CAPE 为 2 304 J·kg<sup>-1</sup>(图 1b),850 hPa 比湿达到 15 g· kg<sup>-1</sup>,抬升凝结高度低于 925 hPa,18 日 05:00 山东 内陆地区露点温度为24~26 ℃,表明大气具备较高 的对流不稳定能量和丰富的低层水汽,是产生此次 飑线天气过程的有利环境条件。需要说明的是,此 次飑线发生时对流发生地及周边区域水平风垂直 风切变不大,这是由副高控制这一环流背景特征决 定的。

#### 2.2 新一代多普勒雷达资料分析

2017 年 7 月 18 日 04:38, 自河南东移的雷达回 波逐渐发展成线状中尺度对流系统 L1(图 2a), 而 在鲁西南局地发展起来的对流回波 L2 也发展得比 较强盛,同时, 两者之间不断有对流回波生成。至 05:25, L1 与 L2 尚未连接(图略), 两者靠近部位的 最大反射率因子都稍有减弱, 特别是在 L2 的前侧 又有对流回波带 L3 产生。以后 L2 逐渐减弱成积 层混合云, 而 L3 和 L1 都逐渐发展加强并互相靠



图 1 2017 年 7 月 18 日 08:00 天气形势(a;黑色实线:500 hPa 等位势高度线,单位:dagpm,风矢:850 hPa 风场, 单位:m·s<sup>-1</sup>,阴影部分风速≥12 m·s<sup>-1</sup>)和章丘站探空 *t*-lnp 图(b)

Fig.1 Synoptic situation (a; dark contour line for geopotential height at 500 hPa, units: dagpm; barb for wind at 850 hPa, units:  $m \cdot s^{-1}$ , the wind speed in shaded area is equal to or greater than 12 m  $\cdot s^{-1}$ ) and *t*-lnp diagram (b) of Zhangqiu station at 08:00 BST on 18 July 2017

近,至06:12(图 2b),L1 与 L3 大于 40 dBz 的强回 波仍未连接,此时在 L3 之前又有对流带 L4 产生。 06:42(图 2c),L1 与 L4 完全连接在一起,形成新的 线状中尺度对流带 L,大于 40 dBz 的强回波带呈反 弓形,最大反射率因子大于 55 dBz,回波顶高超过 12 km。此时,在L 之前又有新对流带 L5 生成。

反弓形L的中部发展加强,移动速度加快并与 L5合并,形成的对流带的前沿具有强回波中心, 06:59(图2d)成熟对流带顶点的左侧强回波前沿经 过东阿雨滴谱仪。07:46(图2e)回波发展成正常的 弓形回波,此时回波具有典型拖曳型飑线结构:强 对流带、弱回波的过渡区和尾随层状云。08:04(图 2f)弓形回波顶点的右侧对流带经过省局雨滴谱仪, 此时回波强度减弱,最大反射率因子小于50 dBz。 08:33(图2g)对流带继续减弱,省局雨滴谱仪处在 过渡区,东阿雨滴谱仪位于层状云区。随后对流带 继续减弱并快速前冲,过渡区增大(图2h),雨滴谱 仪位于层状云区,降水逐渐结束。

东阿雨滴谱仪观测站上空反射率因子的高度-时间剖面(图 2i,利用济南雷达观测资料绘制)显示,对流云 18 dBz 回波顶高约为 13.0 km,38 dBz 的 强回波顶高约为 8.0 km。大于 50 dBz 的强回波分 布不连续,分别出现在 3.0~4.0 km 和 4.0~5.0 km,出现时间很短暂;过渡区回波较弱,近地层低于 5 dBz。高空回波也很弱,18 dBz 回波顶高 6.0 km 左右,存在强度小于 1 dBz 的弱空洞;层状云回波主 要特征之一是 5.0 km 以下存在 0 ℃层亮带,08:30 左右亮带强度大于 38 dBz。大于 10 dBz(或者 5 dBz)回波顶高度有明显起伏,而 18 dBz 回波顶高 变化不大。另外,近地层的回波强度也有较为明显 的变化,08:20—09:10 近地层具有较强的反射率因 子。图 2j 是省局雨滴谱仪观测站上空反射率因子 的高度-时间剖面(利用滨州雷达观测资料绘制), 垂直结果显示,对流回波强度明显减弱,最大回波 强度只有 43.6 dBz,并且 18 dBz 回波顶高低于 10.0 km,38 dBz 回波顶高低于 4.0 km;过渡区回波 较弱,但过渡区 18 dBz 回波顶高较高;层状云回波 较为稳定,云顶高度(18 dBz)是逐渐较低的,但0℃ 层亮带较强,大于 38 dBz 的较强回波区水平和垂直 范围较大。

成熟弓状回波具有中纬度典型拖曳层状中尺 度对流系统<sup>[37-38]</sup>的雷达回波特征,但本次过程弓状 回波的发展具有较为复杂的演变特征,右侧对流回 波的前面不断有新对流带产生,而旧回波减弱成层 状云回波。左右对流带逐渐靠近、两者之间有对流 回波产生发展,最后,合并的回波发展的比较强盛, 形成反弓形的对流带。反弓形回波的顶点具有较 快的移动速度,逐渐发展成弓状回波。而弓状回波 阶段(反弓形和弓形)对流带前侧也不断有对流带 生成并合并到主对流带的前侧,使得对流带的前沿 具有强的反射率因子。

#### 3 单站雨滴谱资料时间序列分析

#### 3.1 东阿雨滴谱积分参数时间序列分析

下面较为详细地分析东阿雨滴谱 N(D) 和积分 参数随时间的演变(图 3),综合雷达回波和雨滴谱



- 图 2 济南雷达不同时次组合反射率(a.04:38,b.06:12,c.06:42,d.06:59,e.07:46,f.08:04,g.08:33,h.09:32)以及东阿 (DE)(i)和省局(SJ)(j)雨滴谱仪站点雷达反射率因子(填色,单位:dBz)高度-时间剖面
- Fig.2 Composite reflectivity (a. 04:38 BST, b. 06:12 BST, c. 06:42 BST, d. 06:59 BST, e. 07:46 BST, f. 08:04 BST, g. 08:33 BST, h. 09:32 BST) of Jinan radar and height-time cross section (colored, units: dBz) of radar reflectivity factor of disdrometers located at Donge (DE) and Shengju (SJ, Jinan)

演变特征,07:09—07:52 为对流云降水,07:19 和 07:33 分别对应两个较为明显的雨强极值中心。07:53—08:16 是过渡区,雨强在 2.0~4.5 mm · h<sup>-1</sup> 之间。08:17—09:34 为层状云降水,雨强在 1.0~7.0 mm · h<sup>-1</sup>之间。

对流云降水过程,07:09-07:19、07:28-07:33 分别是雨强增加时段,随着雨强很快增大,粒子数 密度也很快增大,但雨强减弱阶段是直径小于1 mm 的小尺寸粒子的数密度极值中心,直径 0.44 mm 对 应最大粒子数密度大于 20 000 m<sup>-3</sup> · mm<sup>-1</sup>(图 3a)。 直径在1.0~3.0 mm的中等尺寸粒子的数密度减小 的很快,在 50~2 000 m<sup>-3</sup> · mm<sup>-1</sup>之间,雨强增大、减 弱阶段没有较明显的差别。直径在 3.0~5.0 mm 的 大尺寸粒子的数密度在1~90 m<sup>-3</sup>·mm<sup>-1</sup>之间,最大 雨强 07:19 前后具有较多的 3 mm 粒子, 而雨强第 二极值中心 07:33 前后具有更多 5 mm 的大粒子。 直径大于 5 mm 的特大粒子分布不连续,数密度小 于5 m<sup>-3</sup> · mm<sup>-1</sup>,07:33 前后粒子数密度比最大雨强 稍大一些;过渡区粒子谱宽很窄,只有小和中等尺 寸的降水粒子,粒子数密度小于3000 m<sup>-3</sup>·mm<sup>-1</sup>, 最大数密度对应粒子直径 0.63 mm,比对流云 0.44 mm 要大:层状云降水的雨滴谱有比较明显的差别, 08:17-08:35 雨强逐渐增大,雨滴谱特征是小尺寸 粒子的密度变化不大,中等尺寸和大粒子的数密度 逐渐增大。08:45-09:05 雨强变化不大,粒子数密 度变化也不大。层状云存在少量 (小于5 m<sup>-3</sup>・mm<sup>-1</sup>)直径 3.0~4.0 mm 的大粒子。

受雨滴谱分布特征的影响,雨滴浓度 N<sub>T</sub>和反射 率因子 Z 有不一样的演变特征(图 3b)。在对流云 降水阶段, N<sub>T</sub>的最大浓度出现在最大雨强之后, 07:20时最大雨滴浓度为 13 435 m<sup>-3</sup>, 而 07:19 最大 雨强时雨滴浓度为12 670 m<sup>-3</sup>。同样,07:34 时雨滴 浓度 10 220 m<sup>-3</sup>, 也比 07:33 时 8 814 m<sup>-3</sup>大得多。 很明显,雨强减弱阶段雨滴浓度比雨强增大阶段相 同雨强时要大,这主要是因为雨强减弱阶段具有更 多小尺寸粒子。反射率因子 Z 基本是在极大雨强 或者雨强增大阶段对应极大的Z值,最大Z值56.0 dBz 出现在 07:33,即第二雨强极值中心,主要原因 是雨滴谱中存在较多大和特大粒子;过渡区中,有 较多的降水粒子,但反射率因子 Z 最小,主要原因 是雨滴谱宽最小;层状云降水阶段,08:17-08:35 随着雨强逐渐增大,雨滴浓度 N<sub>T</sub>和反射率因子 Z 都 是逐渐增大的,而后期雨滴浓度 N<sub>T</sub>稍有减小,反射 率因子 Z 减弱的更明显。

Gamma 谱三参数  $N_0$ 、 $\lambda$ 、 $\mu$  随时间的演变(图 3c)表明,对流云降水阶段, $\mu$ 在-1.0~-3.1之间, $\lambda$ 值在 0.32~2.3 mm<sup>-1</sup>之间,  $\log_{10}N_0$ 数值在 2.4~3.6 m<sup>-3</sup>·mm<sup>-1- $\mu$ </sup>之间。但  $\lambda$ , $\mu$ 和  $\log_{10}N_0$ 随着雨强变化 的趋势不同, $\lambda$ , $\mu$ 随着雨强增大基本是逐渐减小的, 而  $\log_{10}N_0$ 则相反,是随着雨强增大逐渐增大。 $\lambda$ , $\mu$ 的最小值出现在 07:30,是第二极大雨强的雨强增 大阶 段,  $\log_{10}N_0$ 的最大值出现在最大雨强时 (07:19);在过渡区, $\lambda$ , $\mu$ 有很大的起伏变化, $\mu$ 可以 是负值,也可以是正值。 $\log_{10}N_0$ 变化不大,但数值较 大;层状云降水阶段, $\mu$ 在-1.0~-2.9之间, $\lambda$ 在 0.6~2.4 mm<sup>-1</sup>之间,  $\log_{10}N_0$ 数值在 2.0~2.9 m<sup>-3</sup>·mm<sup>-1- $\mu$ </sup>之间。

归一化谱参数  $log_{10} N_w \ D_0$  随时间的演变(图 3d)显示,对流云降水阶段,07:13—07:30, $D_0$  和  $log_{10} N_w$ 较稳定,变化不大, $D_0$ 在 2.1~2.3 mm 之间,  $log_{10} N_w$ 在 3.3~4.1 m<sup>-3</sup>·mm<sup>-1</sup>之间。07:31— 07:45, $D_0$ 和  $log_{10} N_w$ 有较大变化, $D_0$ 在 2.1~2.7 mm 之间, $log_{10} N_w$ 则是逐渐减少;过渡区具有较大的  $log_{10} N_w$ 和较小的 $D_0$ ;层状云降水 $D_0$ 与雨强具有一致 的变化趋势,基本在 1.0~2.0 mm 之间。 $log_{10} N_w$ 则 比对流和过渡区的数值都要小,基本在 2.7~3.6 m<sup>-3</sup>·mm<sup>-1</sup>之间。

#### 3.2 济南雨滴谱积分参数时间序列分析

分析省局雨滴谱 N(D) 和积分参数随时间的演 变(图 4)特征, 08:10—08:46 为对流云降水, 08:18—08:29 是雨强大于 10 mm · h<sup>-1</sup>的强降水时 段,只持续了 12 min, 08:22 最大雨强 45.6 mm · h<sup>-1</sup>。08:47—09:04 是过渡区,雨强在 0.8~2.9 mm · h<sup>-1</sup>之间。09:05—10:45 为层状云降 水,雨强在 1.0~6.0 mm · h<sup>-1</sup>之间。

省局雨滴谱 N(D)和雨强 R 随时间的演变(图 4a)显示,对流云降水阶段,强对流云降水雨滴谱的 主要特征之一也是雨强增大阶段小尺寸粒子具有 较小的数密度,雨强减弱阶段则有较大的粒子数密 度,并且最大粒子数密度对应的粒子直径为 0.19 mm,而东阿最大粒子数密度对应的粒子直径为 0.19 mm,而东阿最大粒子数密度对应的粒子直径为 0.44 mm,表明此处降水包含更多的小尺寸粒子。 直径在 1.0~3.0 mm 的中等尺寸粒子的数密度较 小,在 10~1 000 m<sup>-3</sup> · mm<sup>-1</sup>之间。直径在 3~4.25 mm 的大尺寸粒子的数密度在 1~20 m<sup>-3</sup> · mm<sup>-1</sup>之 间,仔细分析发现雨强减弱阶段大粒子的数密度更 多一些;过渡区粒子谱也是最窄的,只有小和中等 尺寸的降水粒子,粒子数密度一般小于 3 000



图 3 2017 年 7 月 18 日东阿(DE)雨滴谱和积分参数演变(a. 雨滴谱和降雨强度,填色:雨滴数浓度 N(D),单位:m<sup>-3</sup>・mm<sup>-1</sup>,黑实线:降雨强度 R,单位:mm・h<sup>-1</sup>;b.雨滴浓度和反射率因子,实线:雨滴浓度 N<sub>T</sub>,单位:m<sup>-3</sup>,虚线:反射率因子Z,单位:dBz; c. 截距参数 log<sub>10</sub>N<sub>0</sub>、斜率参数 λ 和形状因子μ,细实线:log<sub>10</sub>N<sub>0</sub>,单位:m<sup>-3</sup>・mm<sup>-1-μ</sup>,点划线:λ,单位:mm<sup>-1</sup>,粗实线:μ;d. 归一化截距参数 log<sub>10</sub>N<sub>w</sub>和中值体积直径 D<sub>0</sub>,实线:log<sub>10</sub>N<sub>w</sub>,单位:m<sup>-3</sup>・mm<sup>-1</sup>,虚线:D<sub>0</sub>,单位:mm)
Fig.3 Temporal evolution of raindrop size distribution and integral parameters of the disdrometer located at DE on 18 July 2017 (a. raindrop size distribution and rainfall intensity, colored for raindrop number concentration N(D), units, m<sup>-3</sup>, mm<sup>-1</sup>

(a. raindrop size distribution and rainfall intensity, colored for raindrop number concentration N(D), units:  $m^{-3} \cdot mm^{-1}$ , black solid line for rainfall intensity R, units:  $mm \cdot h^{-1}$ ; b. raindrop concentration and reflectivity factor, solid line for raindrop concentration  $N_{\rm T}$ , units:  $m^{-3}$ , dashed line for reflectivity factor Z, units: dBz; c. intercept parameter  $\log_{10}N_0$ , slope parameter  $\lambda$ , and form factor  $\mu$ , thin solid line for  $\log_{10}N_0$ , units:  $m^{-3} \cdot mm^{-1-\mu}$ , dotted line for  $\lambda$ , units:  $mm^{-1}$ , thick solid line for  $\mu$ ; d. normalized intercept parameter  $\log_{10}N_{\rm w}$  and median volume diameter  $D_0$ , solid line for  $\log_{10}N_{\rm w}$ , units:  $m^{-3} \cdot mm^{-1}$ , dashed line for  $D_0$ , units; mm)

m<sup>-3</sup> · mm<sup>-1</sup>。但雨滴谱最主要的特征是双峰谱, 0.19 mm 和 0.63 mm 分别对应数密度的极大值中 心;层状云降水的雨滴谱也较窄,主要是小和中等 尺寸的粒子。小尺寸粒子数密度在 100~6 000 m<sup>-3</sup> · mm<sup>-1</sup>之间,09:10—09:30 小尺寸粒子的数密 度有较大的起伏,其他时间变化不大。中等尺寸粒 子数密度在 1~500 m<sup>-3</sup> · mm<sup>-1</sup>之间,大于 3 mm 的 大粒子的数密度只有几个,并且分布不连续。

雨滴浓度  $N_{\rm T}$ 和反射率因子 Z 随时间的分布(图 4b)表明,在强对流云降水时段,随着雨强增大, $N_{\rm T}$ 逐渐增大,最大浓度出现在最大雨强时。随着雨强 减小, $N_{\rm T}$ 逐渐减小,但比增大阶段相同雨强时明显 要大。反射率因子 Z 也有类似的演变特征,即在雨 强减弱阶段有较大的反射率因子,最大雨强时反射 率因子为 50.1 dBz,08:29 时 Z 有最大值 50.2 dBz, 此时雨强只有 14.9 mm  $\cdot$  h<sup>-1</sup>,主要原因是雨滴谱中 存在少量直径 6.75 mm 的特大粒子,导致大的反射 率因子;过渡区具有最小的 Z 和较低的  $N_{\rm T}$ ,层状云 区  $N_{\rm T}$ 和 Z 稍大一些,总的来看,过渡区和层状云区  $N_{\rm T}$ 和 Z 具有一致的变化特征。

Gamma 谱三参数  $N_0$ 、 $\lambda$ 、 $\mu$  随时间的演变(图 4c)表明,强对流云降水时段, $\mu$ 在-2.0~-3.3之 间, $\lambda$ 在0.28~1.10 mm<sup>-1</sup>之间,具有较低的值。而  $\log_{10}N_0$ 数值较大,在2.9~3.5 m<sup>-3</sup>·mm<sup>-1- $\mu$ </sup>之间。 对流云降水后期, $\mu$ 、 $\lambda$ 增大, $\mu$ 在-1.0~0.0之间, $\lambda$ 在2.5 mm<sup>-1</sup>左右,而  $\log_{10}N_0$ 数值基本在3.3 m<sup>-3</sup>·mm<sup>-1- $\mu$ </sup>左右;在过渡区, $N_0$ 、 $\lambda$ , $\mu$ 都有很大的起 伏变化, $\mu$ 可以是负值,也可以是正值, $\lambda$ 和  $\log_{10}N_0$ 数值变化也较大;层状云降水阶段, $\mu$ 在-1.0~-2.6 之间, $\lambda$ 在0.7~2.4 mm<sup>-1</sup>之间, $\log_{10}N_0$ 数值在2.1~ 2.8 m<sup>-3</sup>·mm<sup>-1- $\mu$ </sup>之间。

图 4d 是归一化谱参数  $log_{10}N_w$ 、 $D_0$ 随时间的演变,强对流云降水时段  $D_0$ 约为 1.7 mm, $log_{10}N_w$ 约为 4.2 m<sup>-3</sup>·mm<sup>-1</sup>,对流云降水后期  $D_0$ 减小,而  $log_{10}N_w$ 稍有增大;过渡区具有较大的  $log_{10}N_w$ 和最小的  $D_0$ ,  $D_0$ 小于 1.0 mm;层状云降水  $D_0$ 也是与雨强有一致



图 4 2017 年 7 月 18 日省局(SJ)雨滴谱和积分参数演变(a. 雨滴谱和降雨强度,填色:雨滴数浓度 N(D),单位:m<sup>-3</sup>·mm<sup>-1</sup>,黑实线:降雨强度 R,单位:mm·h<sup>-1</sup>;b.雨滴浓度和反射率因子,实线:雨滴浓度 N<sub>T</sub>,单位:m<sup>-3</sup>,虚线:反射率因子 Z,单位:dBz; c. 截距参数 log<sub>10</sub>N<sub>0</sub>、斜率参数 λ 和形状因子 μ,细实线:log<sub>10</sub>N<sub>0</sub>,单位:m<sup>-3</sup>·mm<sup>-1-μ</sup>,点划线:λ,单位:m<sup>-1</sup>,粗实线:μ; d. 归一化截距参数 log<sub>10</sub>N<sub>w</sub>和中值体积直径 D<sub>0</sub>,实线:log<sub>10</sub>N<sub>w</sub>,单位:m<sup>-3</sup>·mm<sup>-1</sup>,虚线:D<sub>0</sub>,单位:mm)

Fig.4 The same as Fig.3, but for the disdrometer located at SJ, Jinan

的变化趋势,基本在 1.0~2.0 mm 之间。 $\log_{10}N_w$ 则 比较稳定,基本在 3.0~3.8 m<sup>-3</sup>·mm<sup>-1</sup>之间。

#### 4 雨滴谱统计特征分析

#### 4.1 不同类型降水平均雨滴谱特征分析

为了更好地认识飑线降水的雨滴谱分布规律, 进一步分析不同类型降水的平均雨滴谱特征。对 流带降水分成4部分,对流前沿 LE 和对流后沿 TE (雨强小于 10 mm · h<sup>-1</sup>)、对流增强阶段 LC 和对流 减弱阶段 TC(雨强大于 10 mm · h<sup>-1</sup>)。过渡区、层 状云降水则分析总的平均雨滴谱特征。不同观测 点的分类情况见表 1。

对流降水的平均雨滴谱(图 5a)显示,对流前沿 LE 是雨强小于 10 mm · h<sup>-1</sup>的弱降水,雨滴谱窄、数 密度小。对流后沿 TE 也是窄谱,并且比 LE 的谱稍 窄一些。另外,东阿的雨滴谱比省局的谱稍窄,小 粒子的数密度也偏小;两个观测点对流增强阶段 LC 和减弱阶段 TC 的雨滴谱特征类似,只有小的差异, TC 的谱较宽一些,如省局降水的雨滴谱连续宽度最 大为 5.0 mm,增强阶段在 5.75 mm 有少量大雨滴, 但减弱阶段在 6.0~7.0 mm 之间存在一定浓度的大 粒子。所以东阿 LC 和 TC 平均谱的斜率  $\lambda$  和形状 因子  $\mu$  很接近,截距参数  $N_0$ 有明显差别(表 1)。而 省局 TC 有较多大粒子,其平均谱的有较小的斜率 λ 和较小的负形状因子μ。东阿和省局的降水雨滴谱 存在明显差别,第一个不同是省局的雨滴谱是单峰 谱,雨滴最小直径对应最大粒子数密度,而东阿的 雨滴谱则不同,LE 和 TE 的最大粒子数密度分别出 现在 0.44 mm 和 0.31 mm。第二是雨滴谱的最大谱 宽有明显差异,省局对流降水雨滴谱的最大谱宽小 于 7.0 mm,而东阿约为 8.0 mm。第三,雨滴直径大 于 2.0 mm 时,随着直径增大,两个观测点雨滴谱的 数密度之间的差异逐渐增大。这些不同表明东阿 对流降水的雨滴谱有较多的大雨滴,而省局对流降 水有更多的小粒子。

层状云的平均雨滴谱基本是单调递减的(图 5b),两个观测点之间类似,较明显的差别出现在小 和较大粒子端,省局的层状云降水有较多的小于 0.5 mm 的小雨滴,东阿的层状云降水有较多直径大 于2.5 mm 的较大粒子。另外,东阿层状云降水的 平均雨滴谱比省局稍宽一些。Gamma 谱三参数显 示(表1),层状云的平均雨滴谱接近指数谱,形状因 子μ接近0;过渡区降水的平均雨滴谱是双峰谱(图 5b),东阿的平均谱在雨滴直径0.625 mm 有最大的 粒子数密度,省局则是第二峰值。两者比较明显的 区别是粒子直径大于1.5 mm 时,东阿的平均谱有 较大的粒子数密度和较大的粒子谱宽。所以两个 观测点的平均谱都有正的形状因子,并且东阿平均

#### 谱有较小的斜率和较小的形状因子。

#### 表1 东阿(DE)和省局(SJ)不同降水类型平均雨滴谱特征

Table 1 Characteristics of average raindrop size distribution at DE and SJ for different types of precipitation

降水类型	时间	谱数	平均雨强 R/ (mm・h <sup>-1</sup> )	斜率参数 $\lambda/\text{mm}^{-1}$	形状因子μ	截距参数 $N_0/(m^{-3} \cdot mm^{-1-\mu})$
DE-LE	07:09-07:12	3	4. 7	3.06	0. 52	2 063.8
DE-LC	07:13-07:23	11	65.3	1.22	-0.97	3 125.5
DE-TC	07:24-07:48	25	46. 1	1.26	-0.83	1 988.3
DE-TE	07:49-07:52	4	5.9	2.56	-0.12	2 262.5
DE-T	07:53-08:16	24	2.7	3.42	0.39	2 577.2
DE-S	08:17-09:40	78	3.1	1.94	-0.35	423. 5
SJ-LE	08:10-08:17	7	4.0	1.41	-1.73	664. 5
SJ-LC	08:18-08:22	5	24.4	1.57	-1.17	3 311.1
SJ-TC	08:23-08:29	7	24.6	1.33	-1.40	2 666. 2
SJ-TE	08:30-08:46	17	6.9	3.71	0.96	6 052.9
SJ-T	08:47-09:04	18	1.9	5.05	1.54	8 142.7
SJ-S	09:05-10:45	101	2.7	2.56	0. 19	622.9

注:LE 表示对流前沿,TE 表示对流后沿;LC 表示对流增强阶段,TC 表示对流减弱阶段;T 表示过渡区,S 表示层状云。



图 5 平均雨滴谱(a.对流降水,b.层状云和过渡区)

Fig.5 Average raindrop size distribution (a. convective precipitation, b. stratiform cloud and transition zone)

#### 4.2 Gamma 谱三参数特征分析

Gamma 谱三参数与雨强之间的散点图(图 6) 表明,对流云降水的雨滴谱参数  $\lambda, \mu$  随着雨强增大 而逐渐减小,拟合方程分别为 $\mu = -0.472 \ 5R^{0.145}, \lambda =$ 5.045  $8R^{-0.5873}, \mu = R$ 是正指数关系, $\lambda = R$ 是负 指数关系。雨强大于 10 mm·h<sup>-1</sup>时  $N_0$ 随雨强增大 而增大,可以用幂函数关系拟合, $N_0 = 129.1R^{-0.7116}$ ; 过渡区 Gamma 谱参数  $\lambda, \mu$  的数据点基本在对流数 据点向后的延长线附近,但参数  $N_0$ 的数据点位于对 流线之上,具有较大的数值;层状云的  $\lambda, \mu$  也是随 着雨强增大而逐渐减小, $N_0$ 随雨强增大而增大,但 明显比对流云和过渡区相同雨强的数值要小,两者 具有明显的分层现象。图中点划线是对流和层状 之间的分离线,分别为 $\mu$ =-0.36 $R^{0.92}$ , $\lambda$ =3.9 $R^{-0.73}$ ,  $N_0$ =637.2 $R^{-0.18}$ 。

对比分析东阿和省局观测点 Gamma 谱三参数 随着雨强变化的变化趋势,不同观测点的数据分布 有一定的差别。省局观测点的 Gamma 谱三参数偏 大一些,对流和过渡区的  $N_0$ 、 $\lambda$  数据点基本在对流 拟合线之上,层状云的数据点更靠近分离线一些。 说明弓状回波不同发展阶段雨滴谱演变特征的差 异可以导致谱参数的一些统计关系有一定的差别。 另外,本次过程  $\lambda$ 、 $\mu$  随着雨强增大减小,而  $N_0$ 随着 雨强增大而增大(雨强大于 10 mm · h<sup>-1</sup>),三参数变 化特征与 TOKAY and SHORT<sup>[4]</sup>、CARACCIOLO et al.<sup>[14]</sup>给出的三参数的变化趋势明显不同,TOKAY and SHORT<sup>[4]</sup>给出的对流—层状分离线不能区分本次过程的对流和层状云降水雨滴谱。



- 图 6 Gamma 谱三参数μ(a)、λ(b)、log<sub>10</sub> N<sub>0</sub>(c) 与降雨 强度之间的散点图(圆点和五角星分别代表东阿 和省局,实心代表对流、空心代表层状云、半空心 代表过渡区数据,粗实线:对流雨滴谱参数与降雨 强度之间的拟合线,点划线:对流和层状之间的分 离线)
- Fig.6 Scatter plot between R and  $\mu$  (a),  $\lambda$  (b), and  $\log_{10}N_0$  (c) (dot and star for DE and SJ, respectively, solid dot for convective cloud data, hollow dot for stratiform cloud data, semi-hollow dot for transition zone data, thick solid line for the fitting line of convective raindrop size distribution parameter and R, dot-dash line for separation line between convective cloud and stratiform cloud precipitation)

另外,研究结果表明,Gamma 谱的三个参数并 非相互独立的<sup>[13]</sup>,参数之间的相关性有助于减少未 知数,从而促进雨滴谱观测结果的应用,如利用双 偏振雷达的水平和垂直反射率来反演雨滴谱。 ZHANG et al<sup>[39]</sup>研究认为 $\lambda - \mu$ 之间存在着很好的二 次多项式关系。CHU and SU<sup>[40]</sup>利用二维雨滴谱资 料从理论和试验两方面分析了 $\mu$ 和 $\lambda$ 之间的关系, 认为 $\lambda - \mu$ 关系与几阶矩计算参数无关。THURAI et al.<sup>[41]</sup>也发现利用不同方法评估的 $\lambda - \mu$ 关系是一致 的。图7是雨强大于 0.5 mm · h<sup>-1</sup>时的 $\mu - \lambda$  散点 图,图中还给出了 ZHANG et al.<sup>[39]</sup>和王俊等<sup>[10]</sup>的  $\lambda - \mu$  拟合曲线。本次过程  $\lambda - \mu$  拟合公式为:  $\lambda = 0.073 6\mu^2 + 1.144 9\mu + 3.151$ 。与 ZHANG et al.<sup>[39]</sup>结果相比,二次多项式各项的系数有明显的的 差别。与王俊等<sup>[10]</sup>的结果相比,拟合曲线很相近, 常数和一次项的系数非常接近,二次项的系数差别 稍大一些,可能的原因是以前的个例只是对流带降 水, $\lambda$   $\mu$  数值范围较小,而本次过程包含对流带、层 状云和过渡区降水, $\lambda$   $\mu$  具有较大范围的数值,利用 最小二乘法计算拟合曲线时存在小的差别是可以 理解的。总的来看,两者之间的差别很小,不同降 水个例之间倾向于具有一致的  $\lambda - \mu$  关系。

不同观测点和不同降水类型的数据分布有小的差异(图7),东阿的对流和层状降水的数据很靠近拟合线,而过渡区降水有较大的 $\lambda$ 值,数据点都在拟合线之下。省局的对流和层状降水的数据也比较靠近拟合线,但两者的分布有不同,对流降水基本在拟合线之下,而层状降水在拟合线之上。省局过渡区降水一部分点在拟合线之下,而有较大 $\lambda$ 值的部分点在拟合线之下。表明不同降水阶段、不同降水类型的 $\lambda - \mu$ 关系只有小的差别,倾向于具有一致的 $\lambda - \mu$ 关系。



图 7 降雨强度大于 0.5 mm・h<sup>-1</sup>的 λ-μ 散点图(虚线: ZHANG et al.的拟合线,点划线:王俊等的拟合线, 实线:本次过程拟合线)

Fig.7 Scatter plot of  $\lambda$  and  $\mu$  when *R* is greater than 0.5 mm  $\cdot$  h<sup>-1</sup>( dashed line for fitting line by ZHANG et al., dotted line for fitting line by WANG et al., solid line for fitting line of the process on 18 July 2017)

# 4.3 归一化参数 $N_w$ 、 $D_0$ 分布特征

不同观测点  $\log_{10}N_w - D_0$ 平面图(图 8)显示,东 阿和省局对流云降水的分布有非常明显的差别,东 阿雨滴谱具有较大的  $D_0$ ,主要在 2.0~2.5 mm 之 间,而  $\log_{10} N_w$ 在 3.5~4.0 m<sup>-3</sup> · mm<sup>-1</sup>之间,与 BRINGI et al.<sup>[18]</sup>给出的大陆性对流云降水分布区相 比, $\log_{10}N_w$ 偏大,而直径相当;省局雨滴谱的  $D_0$ 偏 小,一般在 1.4~1.7 mm 之间,而  $\log_{10}N_w$ 较大,在 4.0~4.4 m<sup>-3</sup> · mm<sup>-1</sup>之间,很明显,省局对流云降水 的数据点位于 BRINGI et al.<sup>[18]</sup>给出的海洋性对流

的数据点位于 BRINGI et al.<sup>[18]</sup>给出的海洋性对流 云降水分布区。过渡区雨滴谱数据点分布得比较 集中, $D_0$ 较小,一般小于 1.2 mm, log<sub>10</sub> $N_w$ 较大,在 4.0 左右,对比来看,东阿雨滴谱 $D_0$ 要稍大一些。层 状云数据点有较大的分布范围,东阿雨滴谱有较大  $D_0$ ,一般在1.1~2.2 mm之间, log<sub>10</sub> $N_w$ 在 2.7~3.9 m<sup>-3</sup>·mm<sup>-1</sup>之间;省局雨滴谱 $D_0$ 稍小,一般在 1.1~ 2.0 mm之间, log<sub>10</sub> $N_w$ 在 2.9~3.9 m<sup>-3</sup>·mm<sup>-1</sup>之间。 图中虚线是 BRINGI et al.<sup>[18]</sup>给出的层状云降水的 平均分布,本次过程层状云降水雨滴谱分布在虚线 附近,东阿数据点在虚线之上,而省局数据点大部 分在虚线之下。

BRINGI et al.<sup>[19]</sup>给出的对流、层状分离线(公式(1)),基本可以区分本次过程的对流和层状云降水的雨滴谱(图 8 中点划线),层状云只有一个数据点位于分离线之上,有 3 个强对流云降水的数据点位于分离线上和之下。过渡区数据位于分离线之下,没有跨坐在分离线上。但这一分离线的斜率较大,而层状云和对流云  $\log_{10}N_w$ 随着  $D_0$ 分布的斜率较小,新的分离线为:

$$\log_{10} N_{\rm w} = -1.\ 2D_0 + 5.\ 6 \tag{20}$$

公式(20)可以更好地分离本次过程的对流和 层状云降水雨滴谱。BRINGI et al.<sup>[19]</sup>给出的分离线 具有较大的斜率,但他们认为强烈的大陆风暴含有 旺盛的混合相过程和大量的蒸发,导致分界线向低 的  $\log_{10}N_w$ 和大的  $D_0$ 方向倾斜。中国北部夏季的对 流和层状云降水<sup>[20]</sup>、以及 YOU et al.<sup>[15]</sup>的研究结果 显示分离线具有较小的斜率,数值约为 1.0,这说明 不同气候区降水形成的微物理过程存在差异,导致 分离线的斜率出现一定的差别。

#### 4.4 Z-R 关系分析

图 9 是雨滴谱计算的雷达反射率 Z 与雨强 R(大于 1 mm · h<sup>-1</sup>)的散点图,图中虚线是对流云降 水的拟合方程, $Z = 283.9R^{1.65}$ 。点划线是层状云降 水的拟合方程, $Z = 706.6R^{1.63}$ 。实线是新一代多普 勒雷达对流云降水 Z-R 关系<sup>[42]</sup>。东阿对流云降水 的雨滴谱数据在拟合线附近稍稍偏上,而省局对流 云降水的雨滴谱数据在拟合线之下(只有 2 个点在



- 图 8 log<sub>10</sub>N<sub>w</sub>-D<sub>0</sub>散点图(圆点和五角星分别代表东阿和 省局,实心代表对流、空心代表层状云、半空心代 表过渡区数据;粗实线:对流与层状云降水之间的 分离线,点划线: BRINGI et al. 分离线,虚线: BRINGI et al. 层状分布,黑色矩形框: BRINGI et al.给出的海洋性和大陆性对流分布)
- Fig.8 Scatter plot of  $\log_{10} N_w$  and  $D_0$  (dot and star for DE and SJ, respectively, solid dot for convective cloud data, hollow dot for stratiform cloud data, semi-hollow dot for transition zone data, thick solid line for separation line between convective cloud and stratiform cloud precipitation, dotted line for separation line by BRINGI et al., dashed line for distribution of stratiform by BRINGI et al., black rectangle for distribution of maritime and continental convection by BRINGI et al.)

拟合线之上)。过渡区的数据分布差别更明显,东 阿观测数据大部分在对流拟合线之上,而省局观测 数据基本在拟合线之下。层状云也是这一特征,东 阿雨滴谱具有较大的反射率因子,位于层状拟合线 附近,而省局层状云降水雨滴谱具有较小的反射率 因子,数据位于拟合线之下。由于两个观测点处于 飑线不同的发展阶段,雨滴谱特在差异,东阿降水 的雨滴谱有较多的大粒子,所以有较大的反射率 因子。

UIJLENHOET et al.<sup>[43]</sup>分析拖曳型飑线的 Z-R 关系,发现对流和过渡区数据点在一条直线,而层 状云数据点在线之上,三者之间几乎没有重叠。本 次过程不同类型降水雨滴谱数据的分布也具有类 似的特点,不同之处是省局层状云降水与东阿过渡 区和部分对流云降水的观测数据存在重叠。另外, 研究<sup>[44]</sup>表明,当雨滴浓度是影响雨滴谱的主要因素 时,Z-R 关系中的指数接近 1.0,而系数较大。而当 雨滴直径是影响雨滴谱的主要因素时,Z-R 关系中 的指数较大,超过 1.5。本次过程对流云降水 Z-R 关系中的指数为 1.65,这属于典型的尺寸控制的雨



- 图 9 雨滴谱计算的雷达反射率因子 Z 与雨强 R(大于 1 mm・h<sup>-1</sup>)的散点图(圆点和五角星分别代表东 阿和省局,实心代表对流、空心代表层状云、半空 心代表过渡区数据;虚线:对流云降水的拟合方 程,点划线: 层状云降水的拟合方程,实线: FULTON et al.的对流云降水 Z-R 关系)
- Fig.9 Scatter plot of Z and R (greater than 1 mm  $\cdot$  h<sup>-1</sup>) calculated by raindrop size distribution (dot and star for DE and SJ, respectively, solid dot for convective cloud data, hollow dot for stratiform cloud data, semi-hollow dot for transition zone data; dashed line for fitting equation of convective cloud precipitation, dotted line for fitting equation of stratiform cloud precipitation, solid line for Z R relationship in convective cloud precipitation by FULTON et al.)

滴谱特征。而层状云的系数和指数都较大,表明雨 滴浓度和尺寸共同控制雨滴谱特征。

### 5 结论

利用 Thies 激光雨滴谱仪观测资料和 CINRAD/SA多普勒雷达观测资料,分析了一次拖曳 型飑线不同发展阶段雨滴谱和积分参数的演变特征,以及 Gamma 谱拟合参数、归一化 Gamma 谱参数  $N_x$ 和 $D_0$ 的统计特征,主要结果为:

1)本次过程受强盛副高边缘切变线影响,具有 较高的对流不稳定能量和丰富的低层水汽,是此次 飑线天气过程产生的有利环境条件。雷达资料显示,成熟弓状回波具有中纬度拖曳型飑线的典型回 波特征:对流带、过渡区和拖曳层状云区,对流带前 侧不断有对流带生成并合并到主对流带中,使得对 流带的前沿具有强的反射率因子,并且有多个雨强 中心。过渡区回波弱,层状云回波典型特征是有较 强的0℃层亮带。

2)垂直穿过对流带,雨强增加阶段有较少的直径小于1 mm的小粒子和直径大于5 mm的特大粒子,而雨强减弱阶段有较多的小尺寸粒子和特大粒

子。因此在雨强增大过程大多是较低的雨滴浓度 和反射率因子,而在雨强减弱过程是较高的雨滴浓 度和反射率因子。本次过程雨强减弱时段有较多 的大和特大粒子,这是与以往研究不同之处。

过渡区雨滴谱最窄,但雨滴谱的峰值直径较大 (0.63 mm),后期转变为双峰谱。另外,过渡区的 Gamma 谱三参数  $N_0$ 、 $\mu$ 、 $\lambda$  起伏变化大,这也是识别 过渡区的一个判据。

飑线发展加强阶段,雨滴谱中小粒子的峰值直 径较大(0.44 mm),有较多的大和特大粒子。而在 飑线减弱阶段,滴谱中小粒子的峰值直径小(0.19 mm),有较少的大粒子,几乎没有特大粒子。

3) 对流、过渡区和层状云降水雨滴谱的 Gamma 谱三参数  $N_0$ , $\mu$ , $\lambda$  有明显的分层特征,相同雨强时, 对流和过渡区降水的 Gamma 谱三参数  $N_0$ , $\mu$ , $\lambda$  比 层状云降水的参数的数值大,但 TOKAY and SHORT<sup>[4]</sup>以前给出的对流-层状分离线不能分离本 次过程的对流和层状云降水雨滴谱。

二次多项式可以拟合 $\lambda - \mu$ 关系,飑线不同发展 阶段、不同降水类型的 $\lambda - \mu$ 关系只有小的差别,倾 向于具有一致的 $\lambda - \mu$ 关系。

4) Z-R 关系分析显示,对流和过渡区降水的数据点基本分布在一条直线上,而层状云降水的数据明显偏离这一直线。另外,飑线不同发展阶段的 Z-R 关系稍有差别,主要原因是不同发展阶段的雨滴 谱中大雨滴存在差异。

5)  $\log_{10} N_w - D_0$ 平面图中对流-层状数据具有明显分层特征,方程  $\log_{10} N_w = -1.2D_0 + 5.6$  可以将对流云和层状云区分开来。飑线发展阶段雨滴谱具有大陆性对流云降水的特征,只是  $\log_{10} N_w$ 偏大一些。而减弱阶段雨滴谱具有典型的海洋性对流云降水的特征,这说明飑线演变过程降水形成的微物理机制发生变化,前期冷云过程有重要影响,而后期暖云过程起主导作用。

#### 参考文献:

- [1] SMULL B F, HOUZE R A JR. Dual-Doppler radar analysis of a midlatitude squall line with a trailing region of stratiform rain [J]. J Atmos Sci, 1987, 44 (15): 2128-2149.
- [2] BIGGERSTAFF M I, HOUZE R A JR. Kinematic and precipitation structure of the 10—11 June 1985 squall line[J].Mon Wea Rev, 1991, 119(12):3034-3065.
- [3] ATLAS D, ULBRICH C W, MARKS F D JR, et al. Systematic variation of drop size and radar-rainfall

 ${\rm relations} \left[ {\rm ~J} \right]. J {\rm ~Geophys~Res}, 1999, 104 ({\rm ~D6}) : 6155\text{-}6169.$ 

- [4] TOKAY A, SHORT D A.Evidence from tropical raindrop spectra of the origin of rain from stratiform versus convective clouds [J]. J Appl Meteor, 1996, 35 (3): 355-371.
- [5] MAKI M, KEENAN T D, SASAKI Y, et al. Characteristics of the raindrop size distribution in tropical continental squall lines observed in Darwin, Australia [J].J Appl Meteor, 2001, 40(8):1393-1412.
- [6] NZEUKOU A, SAUVAGEOT H, OCHOU A D, et al. Raindrop size distribution and radar parameters at cape verde[J].J Appl Meteor, 2004, 43(1):90-105.
- THURAI M, BRINGI V N, MAY P T. CPOL radarderived drop size distribution statistics of stratiform and convective rain for two regimes in Darwin, Australia [J].
   J Atmos Oceanic Technol, 2010, 27(5):932-942.
- [8] ZHANG H S, ZHANG Y, HE H R, et al. Comparison of raindrop size distributions in a midlatitude continental squall line during different stages as measured by parsivel over East China [J]. J Appl Meteor Climatol, 2017, 56(7):2097-2111.
- [9] SAUVAGEOT H, KOFFI M. Multimodal raindrop size distributions[J].J Atmos Sci, 2000,57(15):2480-2492.
- [10] 王俊,姚展予,侯淑梅,等.一次飑线过程的雨滴谱特征 研究[J].气象学报,2016,74(3):450-464.
- [11] WEN J , ZHAO K, HUANG H, et al. Evolution of microphysical structure of a subtropical squall line observed by a polarimetric radar and a disdrometer during OPACC in eastern China [J]. J Geophys Res, 2017, 122(15):8033-8050.
- [12] WALDVOGEL A. The N<sub>0</sub> jump of raindrop spectra [J].J Atmos Sci, 1974, 31(4):1067-1078.
- [13] ULBRICH C W.Natural variations in the analytical form of the raindrop size distribution[J]. J Climate Appl Meteor, 1983,22(10):1764-1775.
- [14] CARACCIOLO C, PRODI F, BATTAGLIA A. et al. Analysis of the moments and parameters of a gamma DSD to infer precipitation properties: A convective stratiform discrimination algorithm[J]. Atmos Res, 2006, 80(2/3): 165-186.
- [15] YOU C H, LEE D I, KANG M Y, et al.Classification of rain types using drop size distributions and polarimetric radar: Case study of a 2014 flooding event in Korea[J]. Atmos Res, 2016, 181:211-219.
- [16] WILLIS P T. Functional fits to some observed drop size distributions and parameterization of rain [J]. J Atmos Sci, 1984,41(9):1648-1661.
- [17] LEE G W, ZAWADZKI I, SZYRMER W, et al. A

general approach to double-moment normalization of drop size distributions [J]. J Appl Meteor, 2004, 43 (2): 264-281.

- [18] BRINGI V N, CHANDRASEKAR V, HUBBERT J, et al.Raindrop size distribution in different climatic regimes from disdrometer and dual-polarized radar analysis [J]. J Atmos Sci, 2003,60(2):354-365.
- BRINGI V N, WILLIAMS C R, THURAI M, et al. Using dual-polarized radar and dual-frequency profiler for DSD characterization: a case study from Darwin, Australia[J].
   J Atmos Oceanic Technol, 2009, 26(10):2107-2122.
- [20] WEN G , XIAO H, YANG H L, et al. Characteristics of summer and winter precipitation over northern China [J]. Atmos Res, 2017, 197:390-406.
- [21] MENG Z Y, YAN D C, ZHANG, Y J.General features of squall lines in East China [J]. Mon Wea Rev, 2013, 141(5):1629-1647.
- [22] 王俊.线状中尺度对流系统的多普勒雷达统计特征分析[J].海洋气象学报,2017,37(4):25-33.
- [23] 龚佃利,吴增茂,傅刚.一次华北强对流风暴的中尺度 特征分析[J].大气科学,2005,29(3):453-464.
- [24] 朱君鉴, 刁秀广, 曲军, 等.4.28 临沂强对流灾害性大风 多普勒天气雷达产品分析[J]. 气象, 2008, 34(12): 21-26.
- [25] 卓鸿,赵平,任健,等.2007 年济南"7.18"大暴雨的持续拉长状对流系统研究[J].气象学报,2011,69(2): 263-276.
- [26] 王俊,龚佃利,刁秀广,等.一次弓状回波、强对流风暴 及合并过程研究 I:以单多普勒雷达资料为主的综合 分析[J].高原气象,2011,30(4):1067-1077.
- [27] 张婷婷,王培涛,王凤娇.一次长寿命超级单体风暴雷达回波特征分析[J].海洋气象学报,2017,37(1): 98-103.
- [28] 高帆,张永婧,李瑞,等.2015 年 8 月 3 日山东西北部暴 雨过程的中尺度特征分析[J].海洋气象学报,2017, 37(2):96-101.
- [29] 高晓梅,王世杰,王文波,等.2016年山东一次阵风锋 触发的强对流天气分析[J].海洋气象学报,2018, 38(2):67-75.
- [30] 万夫敬,江敦双,赵传湖.2017 年 8 月 6 日山东罕见雷 暴大风成因分析[J].海洋气象学报,2018,38(2): 60-66.
- [31] 刁秀广.阵风锋、海风锋和冷锋等触发局地强对流风暴 实例分析[J].海洋气象学报,2018,38(4):45-57.
- [32] 侯淑梅,孙鹏程,杨璐瑛,等.环境场条件对雷暴传播运动影响实例分析[J].海洋气象学报,2018,38(4): 58-70.
- [33] DE MORAES FRASSON R P, DA CUNHA L K,

KRAJEWSKI W F. Assessment of the thies optical disdrometer performance [ J ]. Atmos Res, 2011, 101(1/2):237-255.

- [34] FRIEDRICH K, KALINA E A, MASTERS F J, et al. Drop-Size distributions in thunderstorms measured by optical disdrometers during VORTEX2 [J]. Mon Wea Rev,2013,141(4): 1182-1203.
- [35] TESTUD J, OURY S, BLACK R A, et al. The concept of "normalized" distribution to describe raindrop spectra: A tool for cloud physics and cloud remote sensing [J]. J Appl Meteor, 2001,40(6):1118-1140.
- [36] THOMPSON E J, RUTLEDGE S A, DOLAN B, et al. Drop size distributions and radar observations of convective and stratiform rain over the equatorial Indian and West Pacific Oceans [J]. J Atmos Sci, 2015, 72(11): 4091-4125.
- [37] PARKER M D, JOHNSON R H.Organizational modes of midlatitude mesoscale convective systems [J]. Mon Wea Rev, 2000, 128(10): 3413-3436.
- [38] ZHENG L L, SUN J H, ZHANG X L, et al. Organizational modes of mesoscale convective systems over central East China [J]. Wea Forecasting, 2013, 28(5):1081-1098.

- [39] ZHANG G F, VIVEKANANDAN J, BRANDES E A, et al. The shape-slope relation in observed gamma raindrop size distributions: statistical error or useful information? [J].J Atmos Ocean Technol, 2003, 20(8):1106-1119.
- [40] CHU Y H, SU C L. An investigation of the slope-shape relation for gamma raindrop size distribution [J]. J Appl Meteor Climatol, 2008, 47(10):2531-2544.
- [41] THURAI M, WILLIAMS C R, BRINGI V N. Examining the correlations between drop size distribution parameters using data from two side-by-side 2D-video disdrometers [J].Atmos Res, 2014, 144:95-110.
- [42] FULTON R A, BREIDENBACH J P, SEO D J, et al. The WSR-88D rainfall algorithm [J]. Wea Forecasting, 1998, 13(2):377-395.
- [43] UIJLENHOET R, STEINER M, SMITH J A.Variability of raindrop size distributions in a squall line and implications for radar rainfall estimation [J]. J Hydrometeorol, 2003, 4(1):43-61.
- [44] UIJLENHOET R, SMITH J A, STEINER M. The microphysical structure of extreme precipitation as inferred from ground-based raindrop spectra [J]. J Atmos Sci, 2003, 60(10): 1220-1238.